

Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

Sequence de traitement

References

### GEO1303 – Méthodes sismiques 9 - AVO – Amplitude Variation with Offset

Bernard Giroux (bernard.giroux@ete.inrs.ca)

Institut national de la recherche scientifique Centre Eau Terre Environnement

> Version 1.0.5 Automne 2019



No A/o

Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

Séquence de traitement

Reference

# Introduction



### Introduction

Réflexion à un

Méthodes de l'A\

Séquence o traitement

Référence

- Années 70 : début de l'interprétation des amplitudes pour identifier les réservoirs de gaz.
  - Contraste d'impédance ↑ avec des shales : réflexion anormalement élevée (bright-spot);
  - Taux de succès appréciable ds Golfe du Mexique;
  - Approche empirique : intrusion volcanique → fausse alerte (polarité de la réflexion pour discriminer);
- Avec la sismique 3D, génération de coupes en temps (*time slice*) : importance accrue des amplitudes.
- Question : comment utiliser les amplitudes réfléchies pour estimer les propriétés élastiques de façon quantitative (ou semi-quantitative)?
  - l'AVO est un outil;
  - les cubes d'impédance (obtenus par inversion) et la modélisation numérique sont deux autres outils.



### Introduction

Réflexion à un

interface Méthodes de l'4

Séquence d traitement

Référence

- Une onde incidente à une interface entre deux milieux d'impédances différentes se partitionne en ondes réfléchies et transmises et subit une conversion;
- La fraction de l'énergie réfléchie dépend entre autre de l'angle d'incidence;
- L'étude de la variation des amplitudes réfléchies en fonction du déport, donc de l'angle d'incidence, permet de déterminer les paramètres acoustiques et les caractéristiques lithologiques des roches réservoirs;
  - Note: on retrouve parfois dans la littérature la désignation AVA (amplitude variation with angle) qu'il faut prendre soin de ne pas confondre avec amplitude variation with azimuth, qui est une analyse qui permet de caractériser l'anisotropie.
- Les équations de Zoeppritz constituent le point départ de l'AVO;



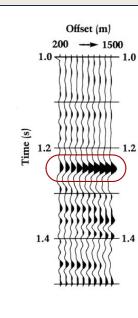
### Introduction

Réflexion à une

Méthodes de l'AVO

Séquence de

Référenc



Introduction Vp/Vs

Réflexion à un nterface

Méthodes de l'AV

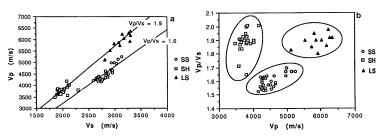
traitement

Référence

• Le rapport  $V_p/V_s$  (ou  $\alpha/\beta$ ) est directement lié au coefficient de Poisson  $\sigma$ 

$$\frac{V_p}{V_s} = \sqrt{\frac{2 - 2\sigma}{1 - 2\sigma}} \qquad \sigma = \frac{\left(\frac{V_p}{V_s}\right)^2 - 2}{2\left(\frac{V_p}{V_s}\right)^2 - 1};\tag{1}$$

• Les sédiments non consolidés ou les réservoirs saturés ont une faible rigidité et un coefficient de Poisson élevé.



SS: sandstone, SH: shale, LS: limestone



### Réflexion à une

interface Conditions au

Fauations de Zoenr

Equations de Zoepprii

Couche mince et tuni

Convention

Methodes de l'Avi

Séquence de traitement

Références

## Réflexion à une interface



### **Conditions aux frontières**

introduction

Réflexion à ur interface

### Conditions aux frontières

Réflecteur courbe
Couche mince et tunir
Convention

Méthodes de l'AVO

traitement

D444----

- À la frontière entre deux milieux solides, les contraintes  $\tau$  et les déplacements  ${\bf u}$  doivent être continus;
- De ces conditions, quatre équations résultent, desquelles découlent quatre variables;
- Ainsi, de façon générale, une onde P (ou S) incidente à l'interface génère
  - une onde P réfléchie et une onde P réfractée;
  - une onde S réfléchie et une onde S réfractée.



## **Conditions aux frontières**

meroduction

éflexion à ui nterface

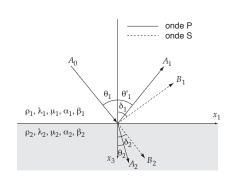
### Conditions aux

Équations de Zoepprit Réflecteur courbe Couche mince et tunin Convention

Méthodes de l'AVO

Séquence de traitement

Références



• Forme générale de la loi de Snell-Descartes :

$$\frac{\sin \theta_1}{\alpha_1} = \frac{\sin \delta_1}{\beta_1} = \frac{\sin \theta_2}{\alpha_2} = \frac{\sin \delta_2}{\beta_2} = p. \tag{2}$$

• La conversion, la réflexion ou la transmission ne change pas la composante de la lenteur parallèle à l'interface.

Équations de Zoeppritz

Méthodes de l'AVO

• Considérons des ondes dans le plan  $(x_1-x_3)$  et une onde incidente

$$\varphi_0 = A_0 \exp[i\omega(lx_1 + nx_3)/\alpha_1]$$

$$= A_0 \exp[i\omega(x_1 \sin \theta_1 - x_3 \cos \theta_1)/\alpha_1]$$

$$= A_0 \exp[i\omega p(x_1 - x_3 \cot \theta_1)]$$

$$= A_0 e^{i\omega\zeta_0}$$
(3)

avec

- p le paramètre du rai;
- Note : le facteur  $e^{-i\omega t}$  est omis car il s'annule par la suite.



### Équations de Zoeppritz

Méthodes de l'AVO

• À l'interface, cette onde génère

$$\varphi_1 = A_1 e^{i\omega\zeta_1}, \quad \varphi_2 = A_2 e^{i\omega\zeta_2}, 
\varphi'_1 = B_1 e^{i\omega\zeta'_1}, \quad \varphi'_2 = B_2 e^{i\omega\zeta'_2}$$
(4)

οù

$$\zeta_1 = p(x_1 + x_3 \cot \theta_1), \quad \zeta_2 = p(x_1 - x_3 \cot \theta_2), 
\zeta_1' = p(x_1 + x_3 \cot \delta_1), \quad \zeta_2' = p(x_1 - x_3 \cot \delta_2).$$
(5)

et le symbole ' signifie que la perturbation est une onde S.



Équations de Zoeppritz

Méthodes de l'AVO

- Le déplacement **u** est la somme de ces ondes;
- Les composantes du déplacement sont :

$$\begin{array}{rcl} u_1|_1 &=& A_0 \sin \theta_1 e^{i\omega\zeta_0} + A_1 \sin \theta_1 e^{i\omega\zeta_1} + B_1 \cos \delta_1 e^{i\omega\zeta_1'} \\ u_1|_2 &=& A_2 \sin \theta_2 e^{i\omega\zeta_2} - B_2 \cos \delta_2 e^{i\omega\zeta_2'} \\ u_3|_1 &=& -A_0 \cos \theta_1 e^{i\omega\zeta_0} + A_1 \cos \theta_1 e^{i\omega\zeta_1} - B_1 \sin \delta_1 e^{i\omega\zeta_1'} \\ u_3|_2 &=& -A_2 \cos \theta_2 e^{i\omega\zeta_2} - B_2 \sin \delta_2 e^{i\omega\zeta_2'} \end{array}$$

• À  $x_3 = 0$ , les conditions sont telles que

$$u_1|_1 = u_1|_2$$
,  $u_3|_1 = u_3|_2$ ,  $\tau_{13}|_1 = \tau_{13}|_2$ ,  $\tau_{33}|_1 = \tau_{33}|_2$ 

et tout les facteurs exponentiels se réduisent à  $e^{i\omega px_1}$ .



Équations de Zoeppritz

Méthodes de l'AVO

• À partir des équations précédentes et en utilisant la loi de Hooke, on trouve les équations de Zoeppritz :

$$(-A_0 + A_1)\cos\theta_1 - B_1\sin\delta_1 = -A_2\cos\theta_2 - B_2\sin\delta_2$$
 (6)

$$(A_0 + A_1)\sin\theta_1 + B_1\cos\delta_1 = A_2\sin\theta_2 - B_2\cos\delta_2$$
 (7)

$$(A_0 + A_1)Z_1 \cos 2\delta_1 - B_1 W_1 \sin 2\delta_1$$
  
=  $A_2 Z_2 \cos 2\delta_2 + B_2 W_2 \sin 2\delta_2$  (8)

$$(-A_0 + A_1) \frac{\beta_1}{\alpha_1} W_1 \sin 2\theta_1 + B_1 W_1 \cos 2\delta_1$$

$$= -A_2 \frac{\beta_2}{\alpha_2} W_2 \sin 2\theta_2 + B_2 W_2 \cos 2\delta_2 \quad (9)$$

où  $Z_i = \rho_i \alpha_i$  et  $W_i = \rho_i \beta_i$  sont les impédances.

Équations de Zoeppritz

Méthodes de l'AVO

- En utilisant la loi de Snell pour trouver les angles et en posant  $A_0$ , il reste quatre inconnues aux équations de Zoeppritz.
- Des équations similaires peuvent être dérivées pour une onde S incidente.
- À incidence normale ( $\theta_1 = 0$ ), on trouve  $B_1 = B_2 = 0$ , i.e. il n'y a pas de conversion;
  - Les coefficients de réflexion R et transmission T valent

$$R = \frac{A_1}{A_0} = \frac{\alpha_2 \rho_2 - \alpha_1 \rho_1}{\alpha_2 \rho_2 + \alpha_1 \rho_1} = \frac{Z_2 - Z_1}{Z_2 + Z_1},$$

$$T = \frac{A_2}{A_0} = \frac{2\alpha_1 \rho_1}{\alpha_2 \rho_2 + \alpha_1 \rho_1} = \frac{2Z_1}{Z_2 + Z_1}.$$
(10)

• De façon générale, on peut considérer que si  $\theta_0 < 15^{\circ}$  les résultats pour une incidence normale s'appliquent;



Réflexion à ur

Conditions aux frontières

Équations de Zoeppritz

Couche mince et tuni

Méthodes de l'AVO

Séquence de traitement

traitement

On peut trouver des utilitaires web interactifs pour calculer les coefficients de réflexion sur le site du consortium CREWES : http://www.crewes.org/ResearchLinks/ExplorerPrograms/



Introduction

Réflexion à un

Conditions au frontières

### Équations de Zoeppritz

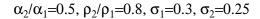
Réflecteur courbe

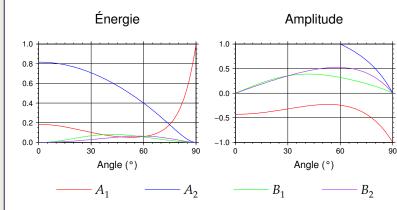
Convention

### Methodes de l'AV

Sequence d

traitement







Introduction

Réflexion à un interface

Conditions au frontières

Équations de Zoeppritz

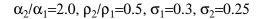
Réflecteur courbe Couche mince et tun

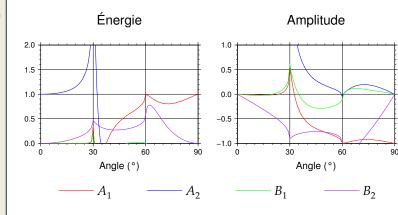
Convention

Methodes de l'AV

Sequence de traitement

traitement







Introduction

Réflexion à un

Conditions au

### Équations de Zoeppritz

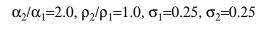
Réflecteur courbe

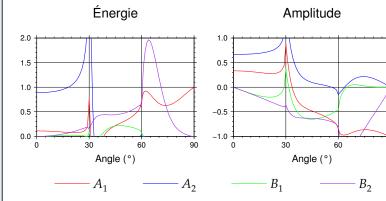
Máthadas da l'AV

Séguence de

traitement

Références





## Réflecteur courbe

Réflexion à une nterface Conditions aux frontières Équations de Zoepprit: Réflecteur courbe

Convention

Méthodes de l'AVO

Séquence de traitement

Références

- Si le réflecteur est courbe, l'énergie sera focalisée ou dispersée selon le sens de la courbure;
- Soit la courbure *C*, de rayon *r*, positive pour un réflecteur anticlinal et négative pour un synclinal;
- Soit le ratio *CE* défini comme le rapport de l'amplitude réfléchie par un réflecteur courbe sur l'amplitude réfléchie par un réflecteur plat,

$$CE = \frac{A_{\text{courbe}}}{A_{\text{plat}}};$$

• L'effet de la courbure C sur la variation de l'amplitude en fonction de l'angle d'incidence  $\theta$  à une profondeur z est

$$CE(\theta) = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{z}{C\cos^2\theta}}}.$$
 (11)

où C = r, + pour anticlinal, - pour synclinal.



### Réflecteur courbe

Introduction

Réflexion à un interface

frontières

Équations de Zoeppri

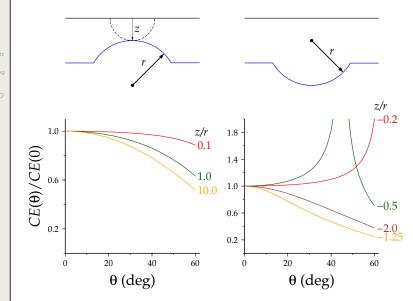
Réflecteur courbe

Convention

Methodes de l'Av

traitement

Dáfárancas





# Couche mince et tuning

Couche mince et tunina

Méthodes de l'AVO

- Si les réflecteurs sont rapprochés, il y aura un effet de tuning qui va affecter l'amplitude des ondes réfléchies;
- Le contraste des propriétés physiques n'est plus le seul facteur affectant le coefficient de réflexion:
- Soit la réponse au sommet d'une couche épaisse :

$$d(t,y) = R(y)p(t),$$

οù

- y est le déport,
- R est le coefficient de réflexion,
- p(t) est l'ondelette sismique.



# Couche mince et tuning

Couche mince et tunina

Méthodes de l'AVO

• Bakke et Ursin (1998) ont montré que la réponse pour une couche mince de vitesse V est

$$d(t,y) \approx R(y)\Delta T(0)C(y)p'(t),$$

οù

- p'(t) est la dérivée de p(t),
- $\Delta T(0)$  est le temps de parcours dans la couche pour y=0

et

$$C(y) = \frac{T(0)}{T(y)} \left[ 1 + \frac{V_{RMS}^2 - V^2}{2T(0)^2 V_{RMS}^4} y^2 \right]$$

où la vitesse RMS est calculée jusqu'à la couche.

- On observe :
  - l'ondelette change de forme et passe de p(t) à p'(t);
  - l'amplitude à incidence normale passe de R(0) à  $R(0)\Delta T(0)$ ;
  - la réponse AVO est modifiée par C(y).



## Convention de polaritée de l'ondelette

Introduction

Réflexion à ur interface

Conditions au frontières

Équations de Zoeppri Réflecteur courbe

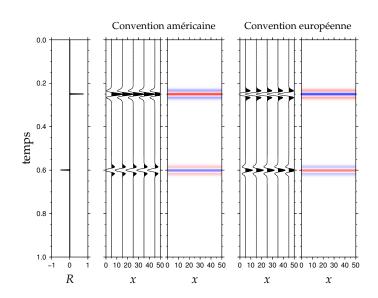
Couche mince et tun

Convention

Méthodes de l'AV

Séquence de traitement

Références





Réflexion à une

### Méthodes de l'AVO

Approximation de Aki Richards

Approximation de Shuey

Classes AV

 $R_{-} = R_{o}$  et produit  $\Delta V$ 

Méthode de Smith Gidlow

Méthode de Goodway

Relation déport - angle

Séquence de traitement

Référence:

### Méthodes de l'AVO



Réflexion à un

### Approximation de Aki & Richards

Approximation de Shuey Classes AVO Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC Méthode de Smith & Gidlow

Séquence o

Référence

- L'utilisation des équations de Zoeppritz demande l'inversion d'une matrice 4×4 avec des termes complexes;
- On cherche une expression plus pratique pour l'amplitude de l'onde P réfléchie, soit le coefficient A<sub>1</sub> des équations de Zoeppritz, ou son équivalent le coefficient de réflexion R;
- On examine ensuite comment la variation d'une ou plusieurs propriétés affecte *R*.

Réflexion à u

Méthodes de l'AVO

Approximation de Aki & Richards

Classes AVO
Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVO
Méthode de Smith &

Méthode de Goodwa Relation déport – ang

traitement

Référence

 En considérant que les variations de propriétés sont faibles, on peut écrire

$$R(\theta) = \left[\frac{1}{2}\left(1 + \tan^2\theta\right)\right] \frac{\Delta\alpha}{\alpha} - \left[4\frac{\beta^2}{\alpha^2}\sin^2\theta\right] \frac{\Delta\beta}{\beta} + \left[\frac{1}{2}\left(1 - 4\frac{\beta^2}{\alpha^2}\sin^2\theta\right)\right] \frac{\Delta\rho}{\rho}, \quad (12)$$

avec

• 
$$\alpha = (\alpha_1 + \alpha_2)/2$$
, la vitesse moyenne de l'onde P;

• 
$$\Delta \alpha = \alpha_2 - \alpha_1$$
;

• 
$$\beta = (\beta_1 + \beta_2)/2$$
, la vitesse moyenne de l'onde S;

$$\bullet \ \Delta \beta = \beta_2 - \beta_1;$$

• 
$$\rho = (\rho_1 + \rho_2)/2$$
, la densité moyenne;

$$\bullet \ \Delta \rho = \rho_2 - \rho_1;$$

• 
$$\theta = (\theta_1 + \theta_2)/2$$
, la moyenne de l'angle d'incidence et de l'onde transmise.



Introduction

Réflexion à une interface

### Méthodes de l'AVO Approximation de Aki & Richards

Approximation de Shuey

Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC

R<sub>P</sub> – R<sub>S</sub> et produit AV Méthode de Smith &

Méthode de Goodwa Relation déport – and

Séquence de traitement

Référence

### Faibles contrastes



<ul> <li>incident P wave</li> </ul>	incident !	S wave	
☑ Rpp □ Rps	Rsp	Rss(v)	Rss(h
☑ Tpp □ Tps	□ Tsp	Tss(v)	☐ Tss()
<ul> <li>Incident wave in uppe</li> </ul>	r layer		
Upper layer density (p1):		2400	kg/m³
-			
Upper layer Vp (α1):		3000	m/s
Upper layer Vs (\$1):	÷	1414	m/s
-			
incident wave in lower	r layer		
Lower layer density (p2	): 0	2420	kg/m³
-			
Lower layer Vp (x2):	÷	3100	m/s
-			
Lower layer Vs (B2):		1500	m/s
Exact Solution (thick line)		✓ Aki-Ric	hards (thin I
✓ Bortfeld (points)			
Angle limits (integers, -90	to 90):	0	60
Components: O Re/Im O mag/phs		cts.phs./sgn.m	
☑ Display signed magnitude		Display cts. phas	
Magnitude limits:		0.0	0.04
Phase limits (integers):		-200.0	200.0
Units: • m/s and	d lon/m²		nd q/cm³



Introduction

Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki & Richards

Approximation de Shuey Classes AVO

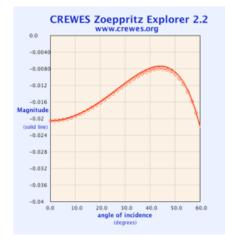
Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC

Gidlow Méthode de Goodw

Séquence de

Référence

### Faibles contrastes (couches inter-changées)



incident P wave     incider	vt S	wave	
<b>₹Rpp</b> □ <b>Rps</b> □ Rsp			
<b>☑Tpp</b> □Tps □Tsp		Tss(v)	Tss(h)
<ul> <li>incident wave in upper layer</li> </ul>			
Upper layer density (p1):		2420	kg/m³
			1
Upper layer Vp (α1):		3100	m/s
Upper layer Vs (β1):	0	1500	m/s
-			
incident wave in lower layer			
Lower layer density (p2):	4	2400	kg/m³
_			
Lower layer Vp (α2):	•	3000	m/s
-			
Lower layer Vs (\$2):	٠	1414	m/s
-			
✓ Exact Solution (thick line)		Aki-Richards (thin line)	
✓ Bortfeld (points)			
Angle limits (integers, -90 to 90):		0	60
Components: O Re/Im O mag/p	hs	octs.ph:	s./sgn.mag.
☑ Display signed magnitude		<ul><li>Display</li></ul>	cts. phase
Magnitude limits:		-0.04	0.0
Phase limits (integers):		-200.0	200.0
Units:		Oft/s an	d g/cm <sup>3</sup>
Click here to recalcul		oranh	



Introduction

Réflexion à une interface

### Méthodes de l'AVO Approximation de Aki & Richards

Approximation de Shuey

Classes AVO
Réflectivité des ondes
Rn – Rc et produit AVC

Méthode de Smith &

Méthode de Goodwa Relation déport – and

Séquence de traitement

Référence

### Contrastes plus prononcés



<ul> <li>incident P wave</li> </ul>	<ul><li>incider</li></ul>	vt S	wave	
✓ Rpp  ✓ Rps	Rsp		Rss(v)	
	□ Tsp		Tss(v)	Tss()
<ul> <li>incident wave in upper</li> </ul>	layer			
Upper layer density (p1):			2400	kg/m³
Henry Investor (e-1):				m/s
Upper layer Vp (x1):			3000	m/s
Upper layer Vs (B1):			1414	m/s
Opper rayer vs (p.z.):		-	2424	
incident wave in lower	laver			
Lower layer density (p2)		٠	2500	kg/m³
Lower layer Vp (α2):		٥	4000	m/s
Lower layer Vs (\$2):		٠	2800	m/s
-				
Exact Solution (thick line)			Aki-Rich	ands (thin I
✓ Bortfeld (points)				
Angle limits (integers, -90	to 90):		0	60
Components: O Re/Im		hs		
✓ Display signed magnitude		Display cts. phas		
Signed-magnitude limits:			-1	1
Continuous-phase limits:			-200.0	200.0
Units:	kg/m <sup>3</sup>		Oft/s an	d g/cm <sup>3</sup>



### Approximation de Shuev

• Reprenons l'approximation de Aki & Richards

$$R(\theta) = \underbrace{\left[\frac{1}{2}\left(1 + \tan^2\theta\right)\right] \frac{\Delta\alpha}{\alpha}}_{1} - \underbrace{\left[4\frac{\beta^2}{\alpha^2}\sin^2\theta\right] \frac{\Delta\beta}{\beta}}_{2} + \underbrace{\left[\frac{1}{2}\left(1 - 4\frac{\beta^2}{\alpha^2}\sin^2\theta\right)\right] \frac{\Delta\rho}{\rho}}_{3}.$$

- Les 3 termes décrivent séparément les variations de la vitesse de l'onde P, de l'onde S, et de la densité;
- En pratique, on observe l'effet combiné des variations de ces 3 paramètres;
- Il est plus pratique de récrire l'équation (12) en fonction de l'angle d'incidence.



----

Réflexion à ur

Méthodes de l'AVC Approximation de Aki

### Approximation de Shuey

Classes AV

Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVO

Méthode de Smith Gidlow

Ságuence d

Référence

• Ainsi, nous obtenons

$$R(\theta) = \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{\Delta \alpha}{\alpha} + \frac{\Delta \rho}{\rho} \right) \right] + \left[ \frac{1}{2} \frac{\Delta \alpha}{\alpha} - 4 \frac{\beta^2}{\alpha^2} \frac{\Delta \beta}{\beta} - 2 \frac{\beta^2}{\alpha^2} \frac{\Delta \rho}{\rho} \right] \sin^2 \theta$$
 (13) 
$$+ \left[ \frac{1}{2} \frac{\Delta \alpha}{\alpha} \right] (\tan^2 \theta - \sin^2 \theta).$$

- Pour caractériser un réservoir, il est intéressant de quantifier le coefficient de Poisson  $\sigma$ , relié au fluide saturant la roche;
- La relation avec les vitesses  $\alpha$  et  $\beta$  est

$$\beta^2 = \frac{1}{2} \left( \frac{1 - 2\sigma}{1 - \sigma} \right) \alpha^2. \tag{14}$$



### Approximation de Shuev

• En dérivant l'équation (14), on trouve

$$\frac{\Delta\beta}{\beta} = \frac{\Delta\alpha}{\alpha} - \frac{1}{2} \frac{\Delta\sigma}{(1-\sigma)(1-2\sigma)}.$$
 (15)

• Par ailleurs, l'amplitude de la réflexion à incidence normale est

$$R_P = \frac{1}{2} \left( \frac{\Delta \alpha}{\alpha} + \frac{\Delta \rho}{\rho} \right). \tag{16}$$

En définissant

$$H = \frac{\Delta \alpha / \alpha}{\Delta \alpha / \alpha + \Delta \rho / \rho},\tag{17}$$

on remarque que

$$\frac{\Delta \alpha}{\alpha} = 2R_P H$$
 et  $\frac{\Delta \rho}{\rho} = 2R_P (1 - H)$ . (18)

Dáflavian à I

Réflexion à un interface

Approximation de Aki Richards

### Approximation de Shuey

Classes AVO
Réflectivité des ondes  $R_P - R_C$  et produit AVO

Méthode de Smith Gidlow

Relation déport – ai

Sequence d traitement

Référence

• Après quelques substitutions, on arrive à

$$R(\theta) = R_P + \left[ R_P H_0 + \frac{\Delta \sigma}{(1 - \sigma)^2} \right] \sin^2 \theta + \left[ \frac{1}{2} \frac{\Delta \alpha}{\alpha} \right] (\tan^2 \theta - \sin^2 \theta), \quad (19)$$

avec

$$H_0 = H - 2(1+H)\frac{1-2\sigma}{1-\sigma}. (20)$$

• L'équation (19) est connue sous le nom d'équation de Shuey à trois termes.



### Approximation de Shuev

• Aux angles intermédiaires (0 <  $\theta$  < 30°), le 3 $^{e}$  terme est négligeable, et nous avons l'équation de Shuey à deux termes

$$R(\theta) = R_P + G\sin^2\theta,\tag{21}$$

avec

$$G = R_P H_0 + \frac{\Delta \sigma}{(1 - \sigma)^2}.$$
 (22)

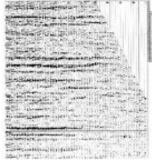
- En pratique, on met en graphiques les amplitudes pointées après correction NMO/migration pre-stack en fonction de  $\sin^2 \theta$ , ce qui permet d'ajuster une droite;
  - la pente donne le «gradient AVO», relié à la variation du coefficient de Poisson:
  - l'ordonnée donne «l'intercepte AVO», la réflectivité à incidence normale  $R_p$ , ce qui permet de déterminer l'impédance acoustique qui est liée à la porosité.



Approximation de Shuev



← Section migrée avant sommation ↓ Portion d'un CMP et amplitudes pointées





### Approximation de Shuev



← Section migrée avant sommation ↓ Portion d'un CMP et amplitudes pointées





# **Approximation de Shuey**

Réflexion à u

Méthodes de l'AVO

Approximation de Aki Richards

#### Approximation de Shuey

Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AV

Méthode de Goody

Séquence traitement

Référence



← Section migrée avant sommation
↓ Portion d'un CMP et amplitudes
pointées







# **Approximation de Shuey**

Introduction

Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVO

Approximation de Aki &

#### Approximation de Shuey

Classes A

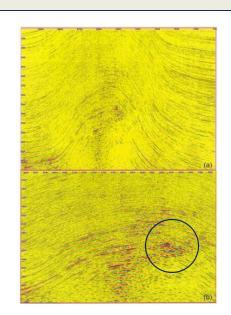
Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVO

Gidlow Méthode de Goo

Séquence de

Référence

Section du gradient AVO





# **Approximation de Shuey**

Introduction

Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVO

Approximation de Aki &

#### Approximation de Shuey

Classes A'

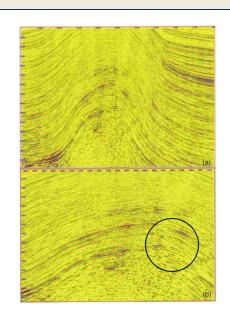
Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC

Méthode de Smiti Gidlow

Relation déport - angle Séquence de

Référence

Section de l'intercepte AVO





## **Classes AVO**

Introduction

Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVC Approximation de Aki Richards

Approximation of Shuev

### Classes AVO

#### Classes AV

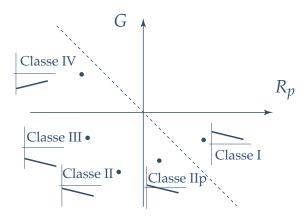
 $R_P - R_S$  et produit AVC Méthode de Smith &

Méthode de Goodwa Relation déport – and

Séquence de traitement

Référence

• Une classification a été établie au fil du temps pour distinguer les anomalies AVO.





### **Classes AVO**

introduction

Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki & Richards

Approximation de Shuev

### Classes AVO

Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC Méthode de Smith &

Gidlow Méthode de Goodwa

Relation déport - angle Séquence de

traitement

Référence

Classe	Impédance relative	Quadrant	$R_P$	G	Produit AVO
I	Sable à impédance	$4^e$	+	-	Négatif
	élevée				
II	Faible contraste	$4^e$	+	-	Négatif
IIp		$3^e$	-	-	Positif
$\Pi \tilde{\Pi}$	Faible impédance	$3^e$	-	-	Positif
IV	Faible impédance	$2^e$	-	+	Négatif



## **Classes AVO**

Réflexion à u

hodes de l'AV proximation de Ak nards

Shuey Classes AVO

 $R_P - R_S$  et produit AV Méthode de Smith & Gidlow

Relation déport – ang

traitement

Référenc

- La classe I représente des grès relativement rigides contenant des hydrocarbures. Ces grès présentent une faible sensibilité aux fluides, et peuvent ne pas présenter un flat spot, donc difficiles à détecter.
- Les anomalies de la classe II représentent des grès « transparents » avec hydrocarbures, qui apparaissent comme un réflecteur négatif faible. Il ont cependant un gradient *G* élevé, ce qui permet de les démarquer.
- La classe III est l'anomalie AVO classique avec des  $R_P$  et G négatifs. Elle représente des grès relativement «mous» avec une forte sensibilité à la présence de fluides.
- La classe IV est plus rare. Elle correspond à un grès mou saturé en gaz et recouvert d'un shale relativement rigide ayant un ratio  $V_p/V_s$  plus élevé que le grès.

Ces classes sont des indicateurs et ne doivent pas être interprétées comme garantes de la présence d'hydrocarbures.



# Réflectivité des ondes S

introduction

Réflexion à u

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki Richards

Classes AVO

Réflectivité des ondes S  $R_P - R_S$  et produit AVO

Méthode de Goodwa

Séquence o traitement

Référence

- Puisque le cisaillement est nul dans les fluides, les ondes S ne sont pas influencées par la nature du fluide dans le réservoir.
- Comment utiliser cette propriété?
- En éliminant le terme avec  $\tan^2 \theta$  de l'équation (13), et en posant que le réflectivité des ondes S est

$$R_S = \frac{1}{2} \left( \frac{\Delta \beta}{\beta} + \frac{\Delta \rho}{\rho} \right), \tag{23}$$

on arrive à

$$R(\theta) = R_P + \left(R_P - 8\frac{\beta^2}{\alpha^2}R_S\right)\sin^2\theta + \left(2\frac{\beta^2}{\alpha^2} - \frac{1}{2}\right)\frac{\Delta\rho}{\rho}\sin^2\theta. \quad (24)$$

# Réflectivité des ondes S

Introduction

Réflexion à u

Méthodes de l'AVC Approximation de Aki & Richards

Approximation de Shuey Classes AVO

Réflectivité des ondes S

 $R_P - R_S$  et produit AV

Méthode de Goodw

Séquence d traitement

Référence

• Si  $\beta/\alpha = 0.5$ , le dernier terme de (24) disparaît, et il reste

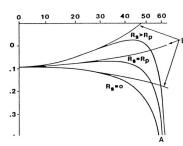
$$R(\theta) = R_P + (R_P - 2R_S)\sin^2\theta. \tag{25}$$

• En comparant avec (21), on remarque que  $G = R_P - 2R_S$ , i.e.

$$R_S = \frac{1}{2}(R_P - G). {(26)}$$



B : Éq. (25)





# $R_P - R_S$ et produit AVO

Réflexion à une

Approximation de Aki Richards
Approximation de Shuey
Classes AVO
Réflectivité des ondes

R<sub>P</sub> - R<sub>S</sub> et produit AVO Méthode de Smith & Gidlow Méthode de Goodway Relation déport - angle

Séquence d traitement

Référence

- La différence  $R_P R_S$  s'avère un bon paramètre pour discriminer des grès à gaz, efficace autant pour les classes I, II et III;
  - Un changement de fluide affecte R<sub>P</sub> davantage que R<sub>S</sub>, alors qu'un changement de lithologie a sensiblement le même effet sur les deux.
  - Note : on peut montrer que  $R_P R_S = (\Delta \alpha / \alpha \Delta \beta / \beta)/2$ ;
- L'expérience a aussi montré que le produit AVO, défini par  $R_pG$ , est fort utile dans le cas des anomalies de classe III;
  - Des grès mous contenant des hydrocarbures présentent des valeurs de R<sub>P</sub> et G fortement négatives et vont donner un produit AVO élevé.



Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVC Approximation de Aki Richards

Approximation de Shuey Classes AVO Réflectivité des onde  $R_P - R_S$  et produit AV

#### Méthode de Smith & Gidlow Méthode de Goodwa

Séquence de

Référence

• À partir de l'équation de Aki & Richards, il est possible d'estimer  $\Delta \alpha/\alpha$  et  $\Delta \beta/\beta$  si on utilise la relation empirique

$$\rho = k\alpha^{1/4}$$
 où  $k$  est une constante,

et après dérivation

$$\frac{\Delta\rho}{\rho} = \frac{1}{4}\frac{\Delta\alpha}{\alpha}.$$

• Après réorganisation et simplification, on trouve

$$R(\theta) = \underbrace{\left[\frac{5}{8} - \frac{1}{2}\frac{\beta^2}{\alpha^2}\sin^2\theta + \frac{1}{2}\tan^2\theta\right]}_{a} \frac{\Delta\alpha}{\alpha} - \underbrace{\left[4\frac{\beta^2}{\alpha^2}\sin^2\theta\right]}_{b} \frac{\Delta\beta}{\beta}. \quad (27)$$



Réflexion à une interface

Approximation de Aki di Richards Approximation de Shuey Classes AVO Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVO Méthode de Smith & Gidlow

Méthode de Goodwa Relation déport – ang

Séquence d traitement

Référence

- Pour un CMP de couverture *N*, chaque point milieu est illuminé *N* fois;
- Pour une réflexion donnée, nous avons donc plusieurs traces contenant l'information sur  $\Delta \alpha / \alpha$  et  $\Delta \beta / \beta$ ;
- Pour une *i*<sup>e</sup> mesure, on peut écrire

$$R_i = a_i \frac{\Delta \alpha}{\alpha} + b_i \frac{\Delta \beta}{\beta}.$$

 On peut ainsi construire un système comportant N équations et 2 inconnues, que l'on résout par moindres-carrés.



introduction

Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki &

Richards
Approximation de

Shuey

Classes AV

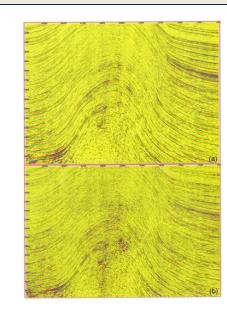
 $R_{\rm P} - R_{\rm c}$  et produit AV

#### Méthode de Smith & Gidlow

Relation déport – angle

Séquence de traitement

Référence:





Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVC Approximation de Aki i Richards Approximation de Shuey Classes AVO Réflectivité des ondes  $R_F - R_S$  et produit AVC Méthode de Smith & Gidlow

Méthode de Goodwa Relation déport – an

Séquence d traitement

Référence

- On sait que les vitesses  $\alpha$  et  $\beta$  sont liées au coefficient de Poisson;
- Smith & Gidlow ont défini la réflectivité pseudo-Poisson

$$\frac{\Delta \tilde{\sigma}}{\tilde{\sigma}} = \frac{\Delta \alpha}{\alpha} - \frac{\Delta \beta}{\beta},\tag{28}$$

qui est équivalente à la différence  $R_P - R_S$ .

• Par ailleurs, on a observé empiriquement une relation linéaire entre  $\alpha$  et  $\beta$ , que l'on peut représenter par

$$\alpha = c_0 + c_1 \beta. \tag{29}$$

• Les coefficients  $c_0$  et  $c_1$  diffèrent selon le type de roche.



Introduction

Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki 8

Richards
Approximation de
Shuev

Shuey Classes AVO

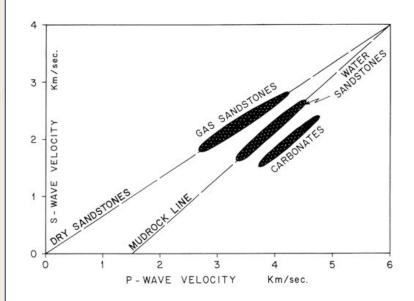
Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVO

#### Méthode de Smith & Gidlow Méthode de Goodway

Relation déport – ang

traitement

Référence





Réflexion à un

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki & Richards

Approximation de Shuey

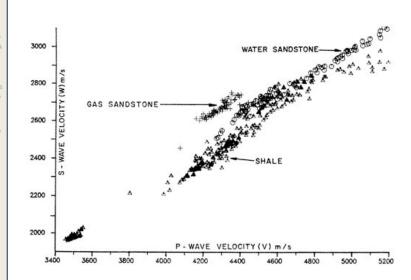
Réflectivité des ondes

Méthode de Smith & Gidlow

Relation déport – angle

Séquence de traitement

Référence





Réflexion à une interface

Approximation de Aki Richards Approximation de Shuey Classes AVO Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC Méthode de Smith &

Gidlow

Méthode de Goodwa

Relation déport – ang

Séquence o

Référence

- Le facteur fluide permet de localiser une formation dans le graphe  $\alpha$  vs  $\beta$ ;
- Ce facteur est obtenu en dérivant (29), ce qui permet d'écrire

$$\frac{\Delta \alpha}{\alpha} = c_1 \frac{\beta}{\alpha} \frac{\Delta \beta}{\beta}.$$

• Le facteur fluide est défini

$$\Delta F = \frac{\Delta \alpha}{\alpha} - c_1 \frac{\beta}{\alpha} \frac{\Delta \beta}{\beta}.$$
 (30)

- Si Δ*F* est proche de 0, la roche est saturée en eau;
- Si le fluide est du gaz,  $\Delta F < 0$  au toit et  $\Delta F > 0$  à la base du réservoir.



Introduction

Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki &

Approximation de

Classes AVO

Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVO

### Méthode de Smith & Gidlow

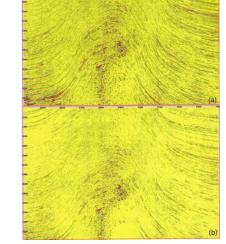
Relation déport – angle

Séquence de traitement

Référence:

# Pseudo-Poisson

Facteur fluide





# Impédance et réflectivité

Réflexion à ur

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki Richards

Approximation de Shuey Classes AVO Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC Méthode de Smith &

Méthode de Goodway Relation déport – angle

Séquence d traitement

Référence

 La réflectivité, au sens strict du terme, est obtenu à partir de l'impédance (I), elle même égale au produit vitesse-densité;

- Pour les ondes P :  $I_P = \alpha \rho$ ;
- Pour les ondes  $S : I_S = \beta \rho$ .
- Ainsi, les réflectivités sont

$$\frac{\Delta I_P}{I_P} = \frac{\Delta \alpha}{\alpha} + \frac{\Delta \rho}{\rho} \tag{31}$$

et

$$\frac{\Delta I_S}{I_S} = \frac{\Delta \beta}{\beta} + \frac{\Delta \rho}{\rho}.$$
 (32)

Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVO
Approximation de Aki &
Richards
Approximation de
Shuey
Classes AVO
Réflectivité des ondes S
R<sub>F</sub> - R<sub>S</sub> et produit AVO
Méthode de Crith &

Méthode de Goodway Relation déport – angle

Séquence de traitement

Référence

• Si  $\beta/\alpha=0.5$  et que l'on se restreint aux angles pour lesquels  $\tan\theta\approx\sin\theta$ , l'approximation de Aki & Richards peut se récrire

$$R(\theta) = \underbrace{(1 + \tan^2 \theta)}_{a} R_P - \underbrace{(2 \sin^2 \theta)}_{b} R_S.$$
 (33)

- Comme dans le cas précédent, on peut construire un système d'équations, avec dans ce cas R<sub>P</sub> et R<sub>S</sub> comme inconnues;
- On peut ensuite estimer les réflectivités, sachant que

$$\frac{\Delta I_P}{I_D} = 2R_P$$
 et  $\frac{\Delta I_S}{I_C} = 2R_S$ .



Páflovion à

interface

Approximation de Aki 8Richards Approximation de Shuey Classes AVO Réflectivité des ondes 8 $R_P - R_S$  et produit AVO Méthode de Smith 8

Méthode de Goodway Relation déport – angle

Séquence de

Référence

- Puisque les vitesses sismiques sont reliées aux constantes de Lamé, les impédances le sont également;
- Ainsi, on trouve que

$$\mu\rho = I_S^2 \tag{34}$$

et

$$\lambda \rho = I_P^2 - 2I_S^2. \tag{35}$$

• Le graphe des attributs  $\mu\rho$  vs  $\lambda\rho$  permet de mieux distinguer les grès à gaz des grès peu perméables.



μρ

oduction

xion à une ace

Méthodes de l'AVO

Approximation de

Shuey

Classes AV

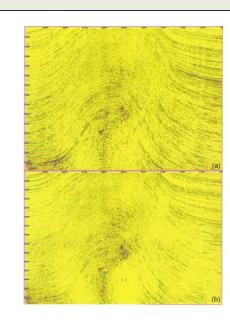
Réflectivité des ondes  $R_P - R_S$  et produit AVC

### Méthode de Goodway

Relation déport – angle

Séquence de traitement

Référence





Introduction

Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO Approximation de Aki 8

Approximation de Shuev

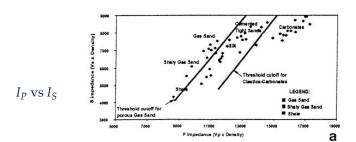
Classes AVO Réflectivité des d

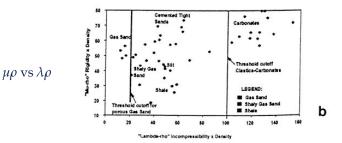
 $R_P - R_S$  et produit AVC Méthode de Smith &

Méthode de Goodway Relation déport – angle

Séquence d

Référence





# Relation $x-\theta$

Réflexion à

nodes de l'AV roximation de Al ards roximation de ey ses AVO

 $R_P - R_S$  et produit AVO Méthode de Smith & Gidlow Méthode de Goodway Relation déport – angle

Séquence d traitement

Référence

- Dans la pratique, les données sont classées en fonction du déport x, i.e. la conversion vers θ est requise;
- Si on considère un milieu en *strates horizontales*, la courbure d'indicatrice est donnée par

$$t^2 = t_0^2 + \frac{x^2}{v_{rms}^2}. (36)$$

- Par définition, le paramètre du rai p est égal à dx/dt, et également à  $\sin \theta/v_{int}$  avec  $v_{int}$  la vitesse d'intervalle au dessus du réflecteur;
- En dérivant (36) et en utilisant les définitions précédentes, on trouve que

on trouve que 
$$\sin \theta = \frac{v_{int}}{v_{cons}^2} \frac{x}{t}; \tag{37}$$

 L'équation (37) permet donc de passer du domaine du déport x vers le domaine de l'angle d'incidence θ.



Introduction

flexion à une erface

Méthodes de l'AVO

### Séquence de

Pré-traitement Attributs AVO Attributs AVO 3D

Références

traitement

# Séquence de traitement



# Considérations générales

Réflexion à une

Méthodes de l'AV

#### Séquence de traitement

Pré-traitement Attributs AVO Attributs AVO 3

Attributs AVC

- Il faut veiller à préserver les amplitudes relatives des enregistrements en utilisant une séquence de traitement préliminaire parcimonieuse;
- Il faut veiller à garder le contenu fréquentiel et la largeur de bande du signal;
- Les attributs AVO doivent être obtenus des données (avant sommation) classées en point miroir commun, et non en point milieu commun. Il faut donc faire une migration avant sommation.



Introduction

Réflexion à une interface

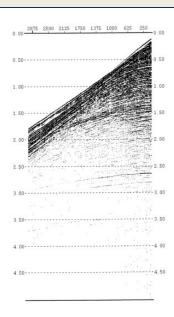
Méthodes de l'AVO

Séquence d traitement

Pré-traitement Attributs AVO Attributs AVO 31

Dáfáransas

- Levé 2D marin
- Gisement de gaz, Mer du Nord
- Données brutes





Introduction

Réflexion à une nterface

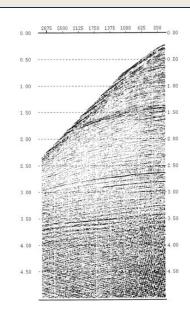
Méthodes de l'AVO

Séquence d

Attributs AVO

D444----

- Élimination des ondes guidées
- Correction de la divergence géométrique





introduction

Réflexion à un interface

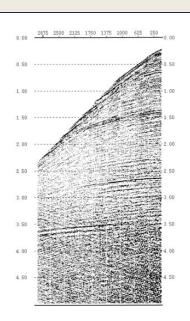
Méthodes de l'AVO

Séquence d

Pré-traitement Attributs AVO

D444----

 Application de la spiking deconvolution avec un long opérateur (élimination des multiples)





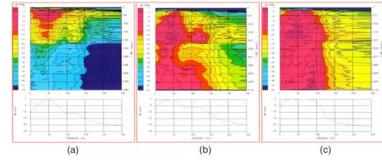
Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVO

Séquence d traitement

Pré-traitement Attributs AVO Attributs AVO 3

Dáfárancas



### Spectres d'amplitude

- (a) données brutes;
- (b) après élimination des ondes guidées et correction de la divergence géométrique (t²);
- (c) après la spiking deconvolution.



Introduction

Réflexion à u

Méthodes de l'AVO

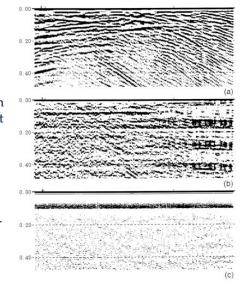
Séquence de

Pré-traitement Attributs AVO

Attributs AVO

### Autocorrélation

- (a) données brutes;
- (b) après élimination des ondes guidées et correction de la divergence géométrique (t²);
- (c) après la spiking deconvolution (multiples éliminés).





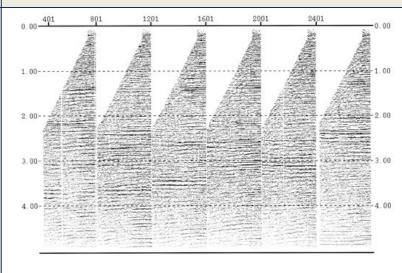


Méthodes de l'AVO

Séquence d

Pré-traitement Attributs AVO Attributs AVO 3

Références



Collections en point miroir commun sélectionnées, migrées avec modèle de vitesse non optimal



- . . .

Réflexion à une interface

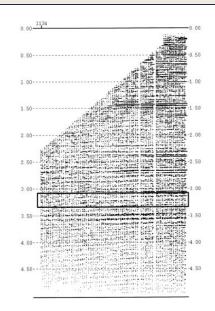
Methodes de l'Avo

Séquence d traitement

Pré-traitement Attributs AVO Attributs AVO 3

Dáfárancac

- Zoom sur un PMC
- Réservoir coïncide avec le rectangle





Réflexion à un

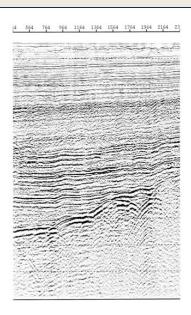
Méthodes de l'AVO

Séquence d

Attribute AVO

D///

Données sommées
 « démigrées » en utilisant
 le modèle de vitesse non
 optimal





Réflexion à un

Méthodes de l'AVO

Séquence d

Pré-traitement Attributs AVO Attributs AVO

D///

 Données sommées « démigrées » après déconvolution

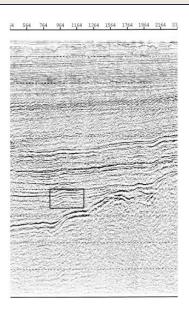




Méthodes de l'AVO

Pré-traitement

• Section précédente après migration en utilisant le modèle de vitesse optimal





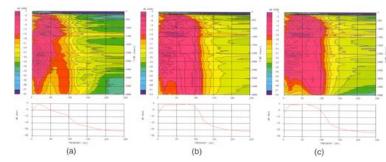
Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

Séquence de traitement Pré-traitement

Attributs AVO

Références



### Spectres d'amplitude

- (a) données sommées « démigrées »;
- (b) données sommées après déconvolution;
- (c) section précédente après migration.



### Estimation de l'angle d'incidence

Méthodes de l'AVO

Attributs AVO

- L'estimation de l'angle d'incidence requiert la connaissance du modèle de vitesse en fonction de la profondeur;
  - La procédure suivante est généralement applicable
    - Relever des horizons sur la section migrée après sommation, dans le domaine du temps;
    - Localiser ces horizons sur le modèle de vitesse (rms), et construire des profils de vitesse rms;
    - Obtenir les profils de vitesse d'intervalle correspondants avec la formule de Dix;
    - Convertir les horizons dans le domaine du temps en profondeur en utilisant les profils de vitesse d'intervalle;
    - Combiner les horizons aux profils de vitesse d'intervalle pour construire le modèle.
  - Une fois le modèle obtenu, une modélisation par tracé de rais permet de calculer les angles.



### Estimation de l'angle d'incidence

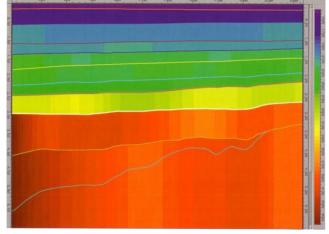
Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

Séquence de traitement

Attributs AVO

Attributs AVO



Modèle de vitesse en fonction de la profondeur



### Modélisation préliminaire

Introduction

Méthodes de l'AVO

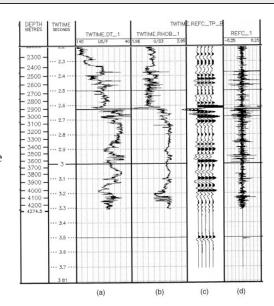
Séquence d

Pré-traitement Attributs AVO

Attributs AVO 3

Attributs AVO

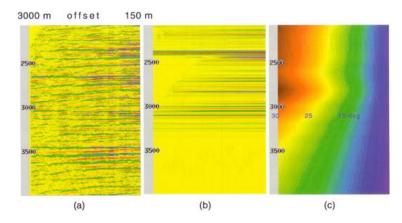
- (a) log sonic;
- (b) log de densité;
- (c) sismogramme synthétique;
- (d) réflectivité calculée avec (a) et (b).





## Modélisation préliminaire





- (a) Portion des données;
- (b) PMC synthétique calculé avec les données de diagraphie, la relation (29) et le modèle de vitesse;
- (c) Angle  $\theta$  en fonction de x.

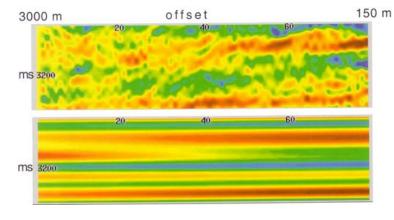


Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVO

Pré-traitement Attributs AVO

Attributs AVO



Zoom sur une portion concomitante des données réelles et synthétiques



Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

Séquence o

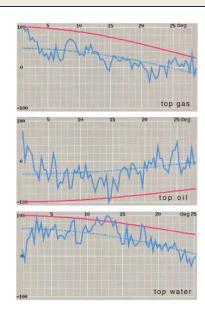
Attributs AVO

Attributs AT 0

bleu plein : amplitudes extraites

- bleu pointillé : amplitudes ajustées
- rouge: amplitudes synthétiques (Zoeppritz)

Bonne correspondance, à une constante près



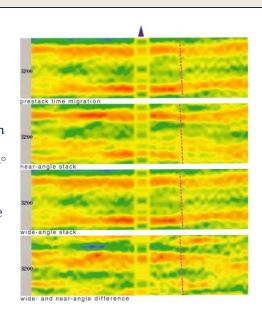


Méthodes de l'ΔVO

Attributs AVO

Autre vérification de la présence d'indicateur AVO : on compare les section sommées avec  $\theta < 15^{\circ}$ et  $\theta > 15^{\circ}$ 

On poursuit l'analyse si différence notable





Réflexion à un interface

Méthodes de l'AVO

Séquence d traitement Pré-traitemen Attributs AVO

Attributs AVO 3

Dáfáransas

#### Trait pointillé :

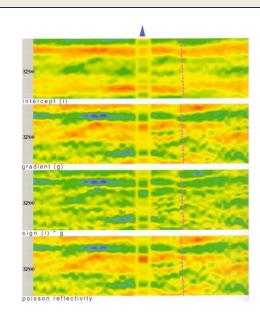
• trajectoire du forage en profondeur

# Code de couleur des attributs :

- rouge : valeur élevée
- vert : valeur faible

#### Intercepte:

- vert : grès
- orange pâle : lits de shale





Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

traitement
Pré-traitement
Attributs AVO

Attributs AVO 3

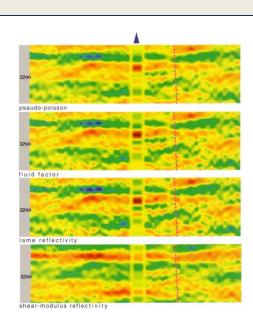
D///

#### Pseudo-Poisson

• permet d'inférer la saturation

#### Facteur fluide

orange : grès saturé de gaz





Introduction
Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

Séquence d traitement

Attributs AVO

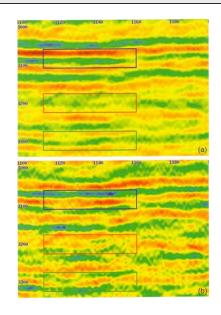
(a) *R*<sub>*P*</sub> (b) *G* 

#### Rectangles

• bleu : zone postérieure au réservoir

• rouge : réservoir

vert : zone antérieure au réservoir





Réflexion à une interface

Méthodes de l'AVO

Séquence o traitement

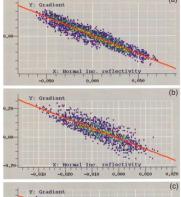
Attributs AVO Attributs AVO 3

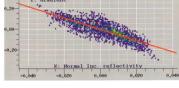
Dáfárancas

#### Pentes $R_P$ vs G

- zone postérieure : -4.5
- réservoir : -7.5
- zone antérieure : -5.5

Une augmentation de la pente indique que  $G \uparrow$  et donc que le coeff. de Poisson varie, soit une indication d'un grès à gaz.







### **Attributs AVO 3D**

exion à une rface

Méthodes de l'AVO

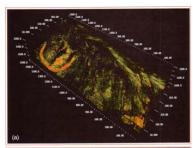
Séquence de traitement Pré-traitement Attributs AVO

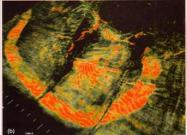
Attributs AVO 3D

2/1/

But ultime : construire un modèle du réservoir

Gradient AVO







### **Attributs AVO 3D**

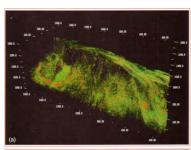
exion à une

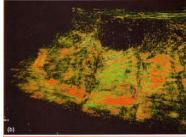
Méthodes de l'AVO

Séquence de traitement

Attributs AVO 3D

Intercepte AVO







Réflexion à une

Méthodes de l'AVO

Séquence de

Références

# Références



### Références

éflexion à une terface

Méthodes de l'AV

traitement

Références

- Avseth, P., Mukerji, T., and Mavko, G. (2005). *Quantitative Seismic Interpretation : Applying Rock Physics Tools to Reduce Interpretation Risk*. Cambridge University Press
- Bakke, N. E. and Ursin, B. (1998). Thin-bed AVO effects. *Geophysical Prospecting*, 46(6):571–587
- Yilmaz, O. (2001). Seismic data Analysis. Number 10 in Investigations in Geophysics. Society of Exploration Geophysicists, Tulsa, Oklahoma